

Reg. No. : .....

**Code No. 9053**

Name : .....

**Second Year – March 2018**

Time : 2½ Hours  
Cool-off time : 15 Minutes

Part – III

**MATHEMATICS (COMMERCE)**

Maximum : 80 Scores

**General Instructions to Candidates :**

- There is a ‘Cool-off time’ of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

**വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :**

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് ‘കൂൾ ഓഫ് ടൈം’ ഉണ്ടായിരിക്കും.
- ‘കൂൾ ഓഫ് ടൈം’ ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൂത്രണം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നല്കിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

**Questions 1-7. Answer any 6 questions. Each carries 3 scores.**

**(Scores :  $6 \times 3 = 18$ )**

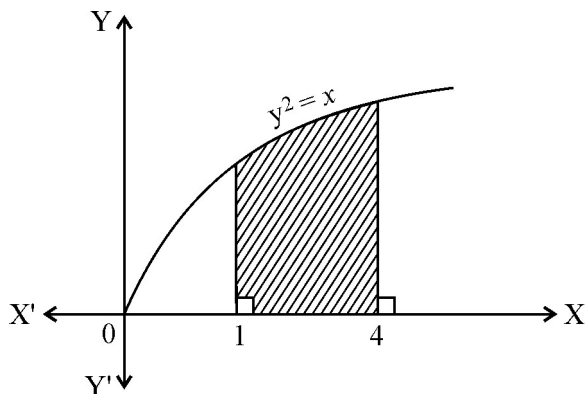
1. Consider  $A = \{1, 2, 3\}$ 
  - (a) Let  $R_1 = \{(1, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\}$  is a relation on A. Check whether  $R_1$  is reflexive or symmetric. **(Score : 1)**
  - (b) Show that  $R_2 = \{(a, b) : a \leq b\}$  defined on A is transitive. **(Scores : 2)**
  
2. Find the angle between the vectors  $\bar{a} = i + j - k$  and  $\bar{b} = i - j - k$  **(Scores : 3)**
  
3.
  - (a) If a line makes equal angles with the co-ordinate axes, find the direction cosines of the line. **(Scores : 2)**
  - (b) Write the direction angles and direction cosines of the X-axis. **(Score : 1)**
  
4. Consider the matrices  $A = \begin{bmatrix} 8 & 0 \\ 4 & 2 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ 
  - (a) Find  $2A + B$  **(Scores : 2)**
  - (b) Can you find  $2A + B'$  ? Why ? **(Score : 1)**
  
5.
  - (a) Find the area of a triangle with vertices (1, 0), (6, 0) and (4, 3) **(Scores : 2)**
  - (b) Evaluate  $\begin{vmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{vmatrix}$  **(Score : 1)**
  
6.
  - (a) Find  $\int \frac{x^3 - 1}{x^2} dx$  **(Score : 1)**
  - (b) Find  $\int \frac{\sin^3 x - 1}{\sin^2 x} dx$  **(Scores : 2)**

ചോദ്യം 1-7 : ഏതെങ്കിലും 6 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരം എഴുതുക. 3 സ്കോർ വീതം.

(സ്കോർസ് :  $6 \times 3 = 18$ )

1.  $A = \{1, 2, 3\}$  എന്ന് ഗണം പരിഗണിക്കുക.
  - (a)  $A$ -യിലെ ഒരു ബന്ധമാണ്  $R_1 = \{(1, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\}$ .  $R_1$  റിഫ്ലക്സീവോ സിമ്മട്രിക്കോ ആണെന്ന് പരിശോധിക്കുക. (സ്കോർ : 1)
  - (b)  $A$ -യിലെ  $R_2 = \{(a, b) : a \leq b\}$  എന്ന ബന്ധം ട്രാൻസിറ്റീവ് ആണോ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)
  
2.  $\bar{a} = i + j - k$ ,  $\bar{b} = i - j - k$  എന്നീ വെക്ടറുകളുടെ ഇടയിലുള്ള കോണളവ് കാണുക. (സ്കോർസ് : 3)
  
3. (a) ഒരു രേഖ അക്ഷങ്ങളുമായി ഉണ്ടാക്കുന്ന കോണളവുകൾ തുല്യമായാൽ ആ രേഖയുടെ ഡയറക്ഷൻ കൊസൈൻസ് കണ്ടുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (b)  $X$ -അക്ഷത്തിന്റെ ഡയറക്ഷൻ കോണുകളും ഡയറക്ഷൻ കൊസൈൻസും എഴുതുക. (സ്കോർ : 1)
  
4.  $A = \begin{bmatrix} 8 & 0 \\ 4 & 2 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$  എന്നീ മാട്രിക്സുകൾ പരിഗണിക്കുക.
  - (a)  $2A + B$  കാണുക. (സ്കോർസ് : 2)
  - (b)  $2A + B'$  കണ്ടുപിടിക്കാൻ പറ്റുമോ ? എന്തുകൊണ്ട്? (സ്കോർ : 1)
  
5. (a)  $(1, 0)$ ,  $(6, 0)$ ,  $(4, 3)$  എന്നീ ബിന്ദുക്കൾ ശീർഷങ്ങളായ ത്രികോണത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ടുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (b)  $\begin{vmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{vmatrix}$  യുടെ വിലയെന്ത്? (സ്കോർ : 1)
  
6. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ കണ്ടുപിടിക്കുക.
  - (a)  $\int \frac{x^3 - 1}{x^2} dx$  (സ്കോർ : 1)
  - (b)  $\int \frac{\sin^3 x - 1}{\sin^2 x} dx$  (സ്കോർസ് : 2)

7. Find the area of the shaded region in the figure given below : (Scores : 3)



**Questions 8 – 17 : Answer any 8 questions. Each carries 4 scores.**

**(Scores :  $8 \times 4 = 32$ )**

8. Let  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  be the function given by  $f(x) = \frac{2x-1}{4}$ ,

- (a) Find  $f \circ f$  (Score : 1)  
 (b) Show that  $f$  is invertible. (Scores : 3)

9. Show that :

$$\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (a-b)(b-c)(c-a)$$
(Scores : 4)

10. (a) Write  $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$  in the simplest form. (Scores : 2)

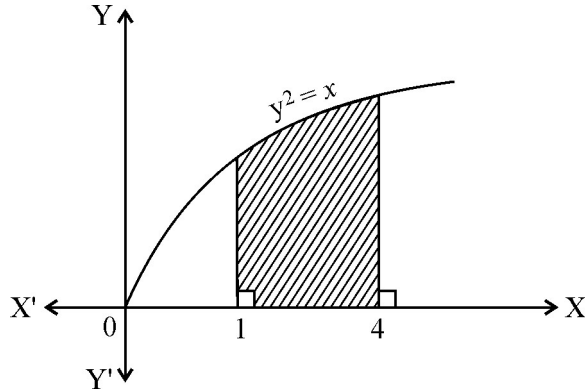
- (b) Prove that  $\tan^{-1} x + \tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} = \tan^{-1} \left( \frac{3x-x^3}{1-3x^2} \right)$ ,  $|x| < \frac{1}{\sqrt{3}}$  (Scores : 2)

11. Prove that the function defined by  $f(x) = \begin{cases} \sin x - \cos x & \text{if } x \neq 0 \\ -1 & \text{if } x = 0 \end{cases}$

is continuous on  $\mathbb{R}$ . (Scores : 4)

7. താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ചിത്രത്തിൽ ഷെയ്ഡ് ചെയ്ത ഭാഗത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കാണുക :

(സ്കോർസ് : 3)



ചോദ്യം 8 - 17 : ഏതെങ്കിലും 8 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 4 സ്കോർ വിതം

(സ്കോർസ് :  $8 \times 4 = 32$ )

8.  $f(x) = \frac{2x-1}{4}$ ,  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  എന്ന ഏകദം പരിഗണിക്കുക.

(a)  $f \circ f$  കണ്ടുപിടിക്കുക.

(സ്കോർ : 1)

(b)  $f$  ഇൻവെർട്ടിബിൾ ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 3)

9.  $\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (a-b)(b-c)(c-a)$  എന്ന് തെളിയിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 4)

10. (a)  $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$  ന്റെ ലഘുരൂപം എഴുതുക.

(സ്കോർസ് : 2)

(b)  $\tan^{-1} x + \tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} = \tan^{-1} \left( \frac{3x-x^3}{1-3x^2} \right)$ ,  $|x| < \frac{1}{\sqrt{3}}$  എന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

11.  $f(x) = \begin{cases} \sin x - \cos x & \text{if } x \neq 0 \\ -1 & \text{if } x = 0 \end{cases}$  എന്ന ഏകദം  $\mathbb{R}$ -ൽ കണ്ടിന്യൂസ് ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 4)

12. Evaluate :

(a)  $\int_0^1 \frac{dx}{1+x^2}$  (Score : 1)

(b)  $\int_{-4}^4 |x+2| dx$  (Scores : 3)

13. Solve :

$\frac{dy}{dx} - \frac{y}{x} + \operatorname{cosec} \frac{y}{x} = 0$  (Scores : 4)

14. Find the area enclosed by the circle  $x^2 + y^2 = r^2$  (Scores : 4)

15. (a) Find the Cartesian equation of the line passes through  $(-2, 4, -5)$  and parallel to the line  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+8}{6}$  (Scores : 3)

(b) Check whether  $(3, 14, 4)$  is a point on  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+8}{6}$  (Score : 1)

16. Consider the L.P.P.

Maximize  $Z = 2x + y$

Subject to  $x + y \leq 3$

$x \leq 2$

$x \geq 0, y \geq 0$

(a) Draw the feasible region. (Scores : 2)

(b) Find the corner points of the feasible region. (Score : 1)

(c) Find the corner at which  $Z$  has maximum value. (Score : 1)

12. വില കാണുക :

(a)  $\int_0^1 \frac{dx}{1+x^2}$  (സ്കോർ : 1)

(b)  $\int_{-4}^4 |x+2| dx$  (സ്കോർസ് : 3)

13. നിർദ്ധാരണം ചെയ്യുക :

$\frac{dy}{dx} - \frac{y}{x} + \operatorname{cosec} \frac{y}{x} = 0$  (സ്കോർസ് : 4)

14.  $x^2 + y^2 = r^2$  എന്ന വൃത്തത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കാണുക. (സ്കോർസ് : 4)

15. (a)  $(-2, 4, -5)$  എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നുപോകുന്നതും  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+8}{6}$  എന്ന വരയ്ക്ക് സമാന്തരവുമായ വരയുടെ കാർട്ടീഷ്യൻ സമവാക്യം കണ്ടുപിടിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 3)

(b)  $(3, 14, 4)$  എന്ന ബിന്ദു  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+8}{6}$  എന്ന രേഖയിലുള്ളതാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.

(സ്കോർ : 1)

16.  $x + y \leq 3, x \leq 2, x \geq 0, y \geq 0$  ആയാൽ  $Z = 2x + y$  യുടെ പരമാവധി വില കാണുന്നതിനുള്ള LPP പരിഗണിക്കുക.

(a) ഫീസിബിൾ റീജ്യന്റെ ചിത്രം വരയ്ക്കുക. (സ്കോർസ് : 2)

(b) ഫീസിബിൾ റീജ്യന്റെ ശീർഷങ്ങൾ കാണുക. (സ്കോർ : 1)

(c) Z-ന് പരമാവധി വില കിട്ടുന്ന ശീർഷമേത്? (സ്കോർ : 1)

17. A random variable X has the following probability distribution :

X	1	2	3	4	5	6
P(X)	$m^2$	$3m^2 - m$	$m$	$m^2$	$m^2 + m$	0

Find :

- (a) Value of m
- (b)  $P(X > 4)$
- (c)  $P(1 < X < 4)$  (Scores : 2 + 1 + 1)

**Questions : 18 – 24 : Answer any 5 questions. Each carries 6 scores.**

(Scores : 5 × 6 = 30)

18. If  $A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & 2 \\ 0 & 3 & 2 \\ 1 & -2 & 3 \end{bmatrix}$

- (a) Find  $A'$ , the transpose of A. (Score : 1)
- (b) Compute  $A + A'$ , and  $A - A'$ . (Scores : 2)
- (c) Express A as the sum of symmetric and a skew symmetric matrices. (Scores : 3)

19. (a) Find the inverse of  $\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 4 & -1 & 0 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$  (Scores : 4)

(b) Solve the system of equations :

$$2x + y + 3z = 4$$

$$4x - y = -4$$

$$2x + 2y + z = 0$$
 (Scores : 2)

20. (a) If  $y = \tan^{-1} x$ , show that  $(1 + x^2)^2 \frac{d^2y}{dx^2} + 2x = 0$  (Scores : 3)

(b) If  $y = x \tan^{-1} x$ , find  $\frac{d^2y}{dx^2}$  (Scores : 3)



17. X എന്ന റാൻഡം വേരിയബിളിന്റെ പ്രോബബിലിറ്റി ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നു :

X	1	2	3	4	5	6
P(X)	$m^2$	$3m^2 - m$	$m$	$m^2$	$m^2 + m$	0

- (a) Value of m
- (b)  $P(X > 4)$
- (c)  $P(1 < X < 4)$

എന്നിവ കണ്ടുപിടിക്കുക.

(സ്കോർസ് : 2 + 1 + 1)

ചോദ്യം 18 – 24 : ഏതെങ്കിലും 5 ചോദ്യങ്ങൾക്ക് ഉത്തരമെഴുതുക. 6 സ്കോർ വിതം

(സ്കോർസ് : 5 × 6 = 30)

18.  $A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & 2 \\ 0 & 3 & 2 \\ 1 & -2 & 3 \end{bmatrix}$  ആണെങ്കിൽ

- (a) A യുടെ ട്രാൻസ്‌പോസ്, A' കണ്ടുപിടിക്കുക. (സ്കോർ : 1)
- (b)  $A + A'$ ,  $A - A'$  എന്നിവ കാണുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (c) A എന്നത് ഒരു സിമട്രിക് മാട്രിക്സിന്റേയും ഒരു സ്ക്വയർ സിമട്രിക് മാട്രിക്സിന്റേയും തുകയായി എഴുതുക. (സ്കോർസ് : 3)

19. (a)  $\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 4 & -1 & 0 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$  -ന്റെ ഇൻവേർസ് കാണുക. (സ്കോർസ് : 4)

(b) നിർദ്ധാരണം ചെയ്യുക :

$$2x + y + 3z = 4$$

$$4x - y = -4$$

$$2x + 2y + z = 0$$

(സ്കോർസ് : 2)

20. (a)  $y = \tan^{-1} x$  ആയാൽ  $(1 + x^2)^2 \frac{d^2y}{dx^2} + 2x = 0$  എന്ന് തെളിയിക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)

(b)  $y = x \tan^{-1} x$  ആണെങ്കിൽ  $\frac{d^2y}{dx^2}$  കണ്ടുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)

21. Given that  $C(x) = 8x^2 - 7x + 4$  is a function in  $x$ .
- (a) Find approximate value of  $C$  when  $x = 5.001$  **(Scores : 3)**
- (b) Find the value of  $x$  when  $C$  is minimum. **(Scores : 3)**
22. Let  $\bar{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$   
 $\bar{b} = -2\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}, \bar{c} = \hat{i} - \lambda\hat{j} + 5\hat{k}$
- (a) Find  $\bar{a} + \bar{b}$  and  $\bar{a} - \bar{b}$  **(Scores : 2)**
- (b) Write  $[\bar{a} \bar{b} \bar{c}]$  as a determinant. **(Score : 1)**
- (c) Find  $\lambda$  if  $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}$  are coplanar. **(Scores : 3)**
23. Consider the following LPP :
- Maximize  $Z = 3x + 2y$   
 Subject to  $x + y \leq 50$   
 $3x + y \leq 90$   
 $x \geq 0, y \geq 0$
- (a) Draw the feasible region. **(Scores : 3)**
- (b) Solve the LPP. **(Scores : 3)**
24. When a die is thrown 7 times, getting a 5 is considered as a success.
- (a) Is it a Bernoulli trial ? If so, write the probability of success and probability of failure. **(Scores : 2)**
- (b) Find the probability of getting **(Scores : 4)**
- (i) 2 success
- (ii) Zero success

21.  $C(x) = 8x^2 - 7x + 4$  എന്നത്  $x$  ലുള്ള ഒരു ഫംഗ്ഷനാണ്.
- (a)  $x = 5.001$  ആകുമ്പോൾ  $C(x)$ -ന്റെ ഏകദേശ വില കാണുക. (സ്കോർസ് : 3)
- (b)  $C(x)$  - മിനിമം ആകുമ്പോൾ  $x$ -ന്റെ വിലയെന്ത്? (സ്കോർസ് : 3)
22.  $\bar{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ,  $\bar{b} = -2\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$ ,  $\bar{c} = \hat{i} - \lambda\hat{j} + 5\hat{k}$  ആയാൽ
- (a)  $\bar{a} + \bar{b}$ ,  $\bar{a} - \bar{b}$  എന്നിവ കാണുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (b)  $[\bar{a} \bar{b} \bar{c}]$  ഒരു ഡിറ്റർമിനന്റായി എഴുതുക. (സ്കോർ : 1)
- (c)  $\bar{a}$ ,  $\bar{b}$ ,  $\bar{c}$  എന്നിവ കോപ്ലാനർ ആണെങ്കിൽ  $\lambda$ -യുടെ വിലയെന്ത്? (സ്കോർസ് : 3)
23.  $x + y \leq 50$ ,  $3x + y \leq 90$ ,  $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$  ആകുമ്പോൾ  $Z = 3x + 2y$  ന്റെ പരമാവധി വില കാണുന്നതിനുള്ള LPP തന്നിരിക്കുന്നു.
- (a) ഫീസിബിൾ റീജ്യന്റെ ചിത്രം വരയ്ക്കുക. (സ്കോർസ് : 3)
- (b) LPP നിർദ്ധാരണം ചെയ്യുക. (സ്കോർസ് : 3)
24. ഒരു ഡൈ 7 പ്രാവശ്യം എറിയുമ്പോൾ 5 കിട്ടുക എന്നത് സക്സസ്സ് ആയി പരിഗണിക്കുക.
- (a) ഇത് ഒരു ബെർണോലി ട്രയൽ ആണോ? സക്സസ്സിന്റെയും ഫെയിലിയറിന്റേയും പ്രോബബിലിറ്റി കാണുക. (സ്കോർസ് : 2)
- (b) താഴെ പറയുന്നവയുടെ പ്രോബബിലിറ്റി കണ്ടുപിടിക്കുക. (സ്കോർസ് : 4)
- (i) 2 സക്സസ്സ്
- (ii) സീറോ സക്സസ്സ്

